

Plus-Minus-Häuser

(LU 3)



Inhaltsverzeichnis

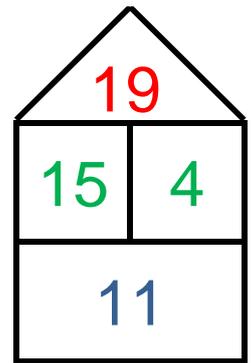
A Lernumgebung	2
B Hinweise für die Lehrkraft (mit Bezug zum Rahmenlehrplan und mit Hinweisen zur Sprachbildung im Rahmen dieser Lernumgebung)	3
C Arbeitsbögen / Materialien / Sprachliche Hilfen / Lösungen	12
D Anhang (Quellen, Bildnachweise)	36

Zahlenhäuser



1. Das ist ein Zahlenhaus. In das Dach und den Keller dürfen nur bestimmte Zahlen einziehen. Finde die Regel.

Erfinde eigene Zahlenhäuser. ([AB 1](#))



2. Beschreibt eure Entdeckungen. ([AB 2](#))

3. Spielt das Bewohnerspiel.

4. Hat Pauline recht?

Es gibt nur
3 Häuser mit der
Kellerzahl 4.



a) Wie viele Häuser findest du? ([AB 3](#))



b) Vergleicht eure Ergebnisse.



c) Wählt ein Haus. Übertragt es in ein großes Haus und heftet es an die Tafel.

5. Emir behauptet:



Mit der Dachzahl 4
sind nur
3 Häuser möglich.

Hat Emir recht? Überprüft und begründet. ([AB 4](#))

Wie viele Häuser mit der Dachzahl 10 gibt es?

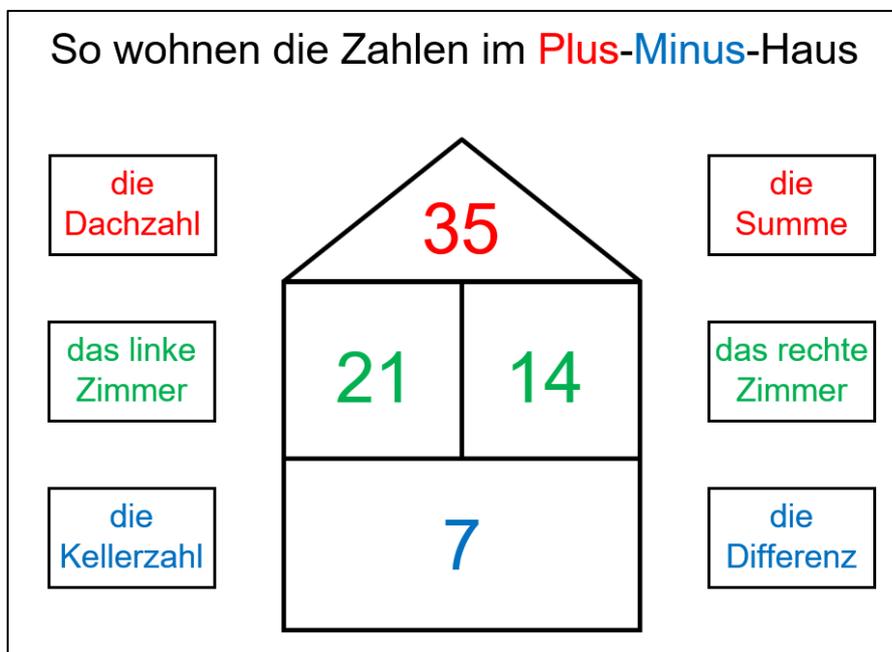


Zu diesen Aufgaben gibt es Tippkarten.

1 Einordnung innerhalb des Themenbereichs

Plus-Minus-Häuser sind ein Übungsformat, das das Erkennen und Beschreiben von arithmetischen Mustern und mathematischen Strukturen fördert.

Ein Plus-Minus-Haus besteht aus vier Zahlen, die in der Lernumgebung als „Bewohner des Hauses“ bezeichnet werden. Im Erdgeschoss „wohnen“ zwei Zahlen, wobei die Zahl im linken Zimmer größer (oder gleich) der Zahl im rechten Zimmer ist. Im Dach „wohnt“ die Summe beider Zimmerzahlen und im Keller deren Differenz. Mehrere Plus-Minus-Häuser lassen sich zu einer Häuserreihe erweitern¹.



Innerhalb der Lernumgebung begegnen den Schülerinnen und Schülern Plus-Minus-Häuser in unterschiedlichen Aufgabenformaten. Sie untersuchen dabei die Zahlbeziehungen beim Addieren und Subtrahieren. Die Rechenfertigkeit und das flexible, denkende Rechnen werden gefördert. Die Kinder erkennen mathematische Strukturen, überprüfen mathematische Aussagen und argumentieren mit Beispielen und Gegenbeispielen.

Zunächst entdecken die Schülerinnen und Schüler den Aufbau der Plus-Minus-Häuser und beschreiben die Zahlbeziehungen. Die Kinder erfinden eigene Plus-Minus-Häuser. Diese Eigenproduktionen ermöglichen eine natürliche Differenzierung. Die Lernumgebung ist für den Einsatz in jahrgangsgemischten Klassen geeignet.

Im Anschluss an die Einführungs- und Übungsphase setzen sich die Schülerinnen und Schüler mit der Behauptung auseinander, dass es nur eine begrenzte Anzahl an Häusern mit einer bestimmten Kellerzahl gibt. Sie untersuchen die Aussage und argumentieren über Gegenbeispiele. Auch hier wählen die Kinder selbstständig Zahlen aus, sodass eine natürliche Differenzierung erfolgt. Leistungsstarke Lernende argumentieren im Sinne der Konstanz der Differenz: *Wenn ich die Zahlen in beiden Zimmern um die gleiche Zahl vergrößere, bleibt die Kellerzahl gleich.* Diese Argumentation wird mit Plättchen veranschaulicht.

In der letzten Aufgabe wird untersucht, ob eine solche Behauptung auch für die Dachzahl gilt. Die Kinder erkennen und weisen mit Beispielen nach, dass sich die Aussage nicht von der Kellerzahl auf die Dachzahl übertragen lässt. Leistungsstarke Lernende können Aussagen über die Anzahl möglicher Plus-Minus-Häuser bei einer vorgegebenen Dachzahl treffen.

¹ Anregungen zur Untersuchung von Häuserreihen von Plus-Minus-Häusern findet man in: Nührenböcker, Marcus; Pust, Sylke (2006): Häuserreihen. Mit Unterschieden rechnen. Lernumgebungen und Materialien für einen differenzierten Anfangsunterricht Mathematik. Seelze: Kallmeyer, 124-133.

Mit dieser Lernumgebung werden Inhalte und Kompetenzen der Leitideen [L1] *Zahlen und Operationen* und [L4] *Gleichungen und Funktionen* vermittelt und entwickelt.

Niveaustufe B

2 Didaktisch-methodische Hinweise (praktische Hinweise zur Durchführung)

Zeitungsumfang: 4 Stunden

Erst nach der Erarbeitung der Regeln² wird der Name „Plus-Minus-Haus“ eingeführt.³ Das Aufgabenblatt dieser Lernumgebung ([LU](#)) dient der Lehrkraft zur Orientierung und ist nur bedingt (je nach Lesekompetenz) für die Hand der Kinder gedacht.

Einführung:

Die Lehrkraft präsentiert den Kindern die Zeichnung eines „Zahlenhauses“ ([M4](#)) und anschließend ein gefülltes „Zahlenhaus“ ([M1](#), bitte Zahlen eintragen). Die Kinder beschreiben das Haus in ihrer Alltagssprache. Anschließend werden die Begriffe Keller, Dach, linkes und rechtes Zimmer eingeführt ([Wortkarten](#)). Die Schülerinnen und Schüler äußern Vermutungen zu den weiteren „Bewohnern“ → Zahlen des Hauses. Für die Entdeckung der Bildungsregel bietet sich die Methode „Think-Pair-Share“⁴ an.

zu 1.:

In Einzelarbeit (*Think*) entdecken die Schülerinnen und Schüler mit dem [AB 1](#) die Bildungsregel vorgegebener Häuser⁵ und finden eigene Häuser. Dabei können die Kinder entsprechend ihrer Rechenfertigkeiten selbstbestimmt auf unterschiedlichen Niveaustufen arbeiten. Bei Bedarf erhalten die Kinder eine Tippkarte ([M8](#)). Zusätzliche Vorlagen für Zahlenhäuser stehen in [M2](#) zur Verfügung.

zu 2.:

Anschließend tauschen sich die Schülerinnen und Schüler in Partnerarbeit (*Pair*) über ihre Entdeckungen aus und notieren diese auf dem Arbeitsbogen ([AB 2](#)). Der Arbeitsbogen liegt in zwei Varianten – mit (AB 2*) und ohne (AB 2) sprachliche Hilfen – vor. Möglicherweise finden einzelne Kinder bereits einen Namen für die untersuchten Zahlenhäuser.

Im Plenum beschreiben die Kinder ihre Entdeckungen an einem neuen Haus und wenden ihr Wissen an (*Share*). Die Bildungsregel wird gemeinsam formuliert. Der Name „Plus-Minus-Haus“ sowie die Begriffe Dach- und Kellerzahl werden eingeführt. Die Begriffe Summe und Differenz werden zugeordnet ([M10](#)). Der Sprachspeicher wird an der Tafel fixiert ([SP](#)).

Zu Beginn der zweiten Stunde wird zur Sicherung der Begriffe von jedem Kind ein eigener Sprachspeicher ([M3](#)) erstellt. Dieser wird auch im Klassenzimmer visualisiert ([SP](#)).

² nach Bearbeitung der Aufgabe 2 der Lernumgebung

³ Es empfiehlt sich deshalb, die Arbeitsblätter ohne Kopf- und Fußzeile auszuteilen.

⁴ Die Methode „Think – Pair – Share“ ist auch unter dem Namen „Ich – du – wir“ bekannt. Fragestellungen werden zunächst in Einzelarbeit untersucht und dann in Partnerarbeit diskutiert. Im Anschluss erfolgt ein Austausch in Kleingruppen oder im Plenum.

⁵ Die Beispiele auf dem Aufgabenblatt (LU) und dem Arbeitsbogen ([AB 1](#)) können von der Lehrkraft verändert werden.

zu 3.

In der anschließenden Übungsphase spielen die Kinder in Partnerarbeit das „Bewohner-Spiel“ ([Spielregel](#)).

Jedes Kind wählt eines seiner Häuser aus, schreibt die vier Bewohner-Zahlen auf vorbereitete Papierstreifen ([M6](#)) und schneidet die Zahlen auseinander. Das Partnerkind versucht nun die Zahlenkärtchen in einem Blanko-Zahlenhaus ([M5](#)) entsprechend der Bildungsregel anzuordnen. Der Schwierigkeitsgrad erhöht sich, wenn ein oder mehrere „Kuckuckseier“ (zusätzliche Zahlenkärtchen) ins Spiel kommen. Dabei ist es möglich, dass die Kinder mehrere richtige Lösungen ([LÖ](#)) finden. Solche Beispiele werden im abschließenden Plenum vorgestellt.

Zusätzliches [Übungsmaterial](#) zu Plus-Minus-Häusern in differenzierten Varianten kann bei Bedarf eingesetzt werden.

zu 4.:

Zu Beginn der dritten Stunde werden die Schülerinnen und Schüler über einen Bildimpuls ([M7](#)) und die [Audiodatei](#) mit Paulines Behauptung konfrontiert und sollen diese untersuchen. Dazu erhalten sie den Arbeitsbogen [AB 3](#), der je nach sprachlichen oder schriftlichen Fähigkeiten in zwei Varianten vorliegt. Die Anzahl der Häuser auf dem Arbeitsbogen ist größer, sodass die Zahl der zu findenden Möglichkeiten offen ist. Die Kinder werden am Ende der Phase aufgefordert, ein gefundenes Haus auszuwählen, in ein großes Zahlenhaus ([M1](#)) zu übertragen und an die Tafel oder eine Stellwand zu heften.

Zur individuellen Förderung können neben den differenzierten Arbeitsbögen und den Tippkarten ([M8](#)) auch eine Expertenaufgabe ([M9](#)) für leistungsstärkere Schülerinnen und Schüler eingesetzt werden. Die Expertenaufgabe bahnt ein systematisches Lösen an. Die Kinder erkennen, dass es unendlich viele Lösungen gibt und können das anschaulich mit Plättchen beweisen.

In der anschließenden Plenumsphase wird über die Anzahl der gefundenen Beispiele nachgewiesen, dass Paulines Aussage falsch ist. Das mathematische Argumentieren mit Gegenbeispielen wird thematisiert.⁶ Kinder, die entdeckt haben, wie man systematisch weitere Häuser finden kann (Konstanz der Differenz), erläutern ihr Vorgehen. Dieses Vorgehen wird mit Plättchen veranschaulicht.

zu 5.:

In der nächsten Stunde wenden die Kinder ihr Wissen bei der Aussage von Emir an ([M7](#)) und untersuchen die Zahlbeziehung ([AB 4](#)). Bei Bedarf kann eine Tippkarte eingesetzt werden ([M8](#)).

Die Kinder erkennen, dass es, im Gegensatz zur Kellerzahl, für eine festgelegte Dachzahl (im Bereich der natürlichen Zahlen) nur eine bestimmte Anzahl möglicher Lösungen gibt. Es ist durchaus möglich, dass einige Kinder mit negativen Zahlen argumentieren. Im Bereich der ganzen Zahlen gibt es auch für die Dachzahl unendlich viele Lösungen.

Um die Anzahl der Möglichkeiten zu erhöhen, könnte auch eine größere Dachzahl gewählt werden. In der Lernumgebung ist bewusst wieder die 4 gewählt worden, um zu zeigen, dass sich die Erkenntnis nicht von der Kellerzahl auf die Dachzahl übertragen lässt. Die Kinder werden

⁶ Falls die Schülerinnen und Schüler noch wenig Erfahrung im Argumentieren haben, ist es sinnvoll der Lernumgebung eine kleine Einführung mit Beispielen aus der Lebenswelt der Kinder voranzustellen. Damit können den Kindern Alltagsargumentationen („Wie begründen wir im Alltag?“) bewusst gemacht werden. Die für die Mathematik typische Argumentation über Gegenbeispiele wird angebahnt.

aufgefordert, die Anzahl der möglichen Häuser für andere Dachzahlen zu ermitteln. Dazu kann der Arbeitsbogen mit leeren Zahlenhäusern verwendet werden (M2). Eventuell gelingt es besonders leistungsstarken Kindern eine allgemeine Aussage zu treffen⁷.

Erweiterung:

Im Anschluss an diese Lernumgebung können die Kinder Reihen von Plus-Minus-Häusern untersuchen. Anregungen dazu finden sich bei Nührenbörger⁸. Die Betrachtung von Häuserreihen bietet die Möglichkeit, die Rechenfertigkeiten und die Fähigkeiten zum Erkennen mathematischer Strukturen und zum Argumentieren weiterzuentwickeln.

3 Bezug zum Rahmenlehrplan

3.1 Prozessbezogene mathematische Standards der Lernumgebung⁹

(siehe Handreichung, Punkt 2)

Mathematisch argumentieren	Probleme mathematisch lösen	Mathematisch modellieren	Mathematische Darstellungen verwenden	Mit symbolischen, formalen und technischen Elementen umgehen	Mathematisch kommunizieren
1.1.2, 1.2.1, 1.2.2	2.2.1				6.1.1, 6.3.1., 6.4.1

3.2 Inhaltsbezogene mathematische Standards der Lernumgebung¹⁰

Themenbereich	Standards	Niveau
Zahlen und Operationen	Die Schülerinnen und Schüler können <ul style="list-style-type: none"> • Mengen zerlegen • additive und subtraktive Handlungen ausführen Zusammenhänge zwischen den vier Grundrechenoperationen im Zahlenraum der natürlichen Zahlen bis 100 beschreiben • Zahlbeziehungen der natürlichen Zahlen bis 100 beschreiben • Rechenstrategien und Gesetze der Grundrechenoperationen im Bereich der natürlichen Zahlen bis 100 situationsangemessen nutzen 	A B
Gleichungen und Funktionen	Die Schülerinnen und Schüler können <ul style="list-style-type: none"> • einfache Gleichungen mit einer Rechenoperation lösen 	B

⁷ Für eine ungerade Dachzahl n ist die Anzahl $\frac{n+1}{2}$ (z.B. 6 Häuser bei Dachzahl 11) und für eine gerade Dachzahl n beträgt die Anzahl $\frac{n}{2} + 1$ (z.B. 6 Häuser bei Dachzahl 10).

⁸ Nührenbörger, Marcus; Pust, Sylke (2006): Häuserreihen. Mit Unterschieden rechnen. Lernumgebungen und Materialien für einen differenzierten Anfangsunterricht Mathematik. Seelze: Kallmeyer, 124-133.

⁹ vgl. Rahmenlehrplan Jahrgangsstufen 1-10, Teil C Mathematik, S. 19-21, Berlin, Potsdam 2015

¹⁰ vgl. Rahmenlehrplan Jahrgangsstufen 1-10, Teil C Mathematik, S. 22-31, Berlin, Potsdam 2015

	<ul style="list-style-type: none"> • Zuordnungen und Muster erkennen • Zuordnungen und Muster herstellen 	
--	--	--

3.3 Themen und Inhalte der Lernumgebung¹¹

Themenbereich	Inhalte	Niveau
Zahlen und Operationen	<p>Die Schülerinnen und Schüler</p> <ul style="list-style-type: none"> • zerlegen Gesamtmengen in Teilmengen • zerlegen additiv natürliche Zahlen bis 100 • finden und beschreiben Gemeinsamkeiten und Unterschiede zwischen gegebenen Zahlen • beschreiben Zusammenhänge zwischen den vier¹² Grundrechenoperationen im Zahlenraum der natürlichen Zahlen bis 100 	B
Gleichungen und Funktionen	<p>Die Schülerinnen und Schüler</p> <ul style="list-style-type: none"> • finden Zahlenterme mit gleichem Wert (z. B. durch Zahlzerlegungen) • lösen einfache Gleichungen mit Platzhaltern (inhaltlich und unter Nutzung der Umkehroperationen) • beschreiben Lösungswege mit Worten • erkennen und beschreiben geometrische und arithmetische Muster • stellen geometrische und arithmetische Muster nach vorgegebenen Bildungsregeln her 	B

¹¹ vgl. Rahmenlehrplan Jahrgangsstufen 1-10, Teil C Mathematik, S. 31ff, Berlin, Potsdam 2015

¹² Die inhaltsbezogenen mathematischen Standards sind unverändert aus dem Rahmenlehrplan übernommen worden. Kompetenzen, die mit dieser Lernumgebung nicht gefördert werden, sind grau gedruckt.

3.4 Bezüge zum Basiscurriculum Sprachbildung¹³

Standards des BC Sprachbildung	Die Schülerinnen und Schüler können
Produktion/ Sprechen	<ul style="list-style-type: none"> • Sachverhalte und Abläufe beschreiben • Beobachtungen wiedergeben • Vermutungen äußern und begründen • Arbeitsergebnisse aus Einzel-, Partner- und Gruppenarbeit präsentieren
Produktion/ Schreiben	<ul style="list-style-type: none"> • Texte unter Nutzung von geeigneten Textmustern und -bausteinen sowie von Wortlisten schreiben

3.5 Bezüge zum Basiscurriculum Medienbildung¹⁴

Standards des BC Medienbildung	Die Schülerinnen und Schüler können
Präsentieren	<ul style="list-style-type: none"> • eine Präsentation von Lern- und Arbeitsergebnissen sach- und situationsgerecht gestalten • Einzel- und Gruppenarbeitsergebnisse vor einem Publikum präsentieren

3.6 Bezüge zu übergreifenden Themen¹⁵ *entfällt*

3.7 Bezüge zu anderen Fächern

<ul style="list-style-type: none"> • Deutsch

¹³ vgl. Rahmenlehrplan Jahrgangsstufen 1-10, Teil B Fachübergreifende Kompetenzentwicklung, S. 6-10, Berlin, Potsdam 2015

¹⁴ vgl. Rahmenlehrplan Jahrgangsstufen 1-10, Teil B Fachübergreifende Kompetenzentwicklung, S. 15-22, Berlin, Potsdam 2015

¹⁵ vgl. Rahmenlehrplan Jahrgangsstufen 1-10, Teil B Fachübergreifende Kompetenzentwicklung, S. 24ff, Berlin, Potsdam 2015

4 Sprachbildung

4.1 Sprachliche Stolpersteine in den Aufgabenstellungen

Aufgabe	Originaltext	Sprachliche Alternativen
4	Wählt ein Haus. Überträgt es in ein großes Haus und heftet es an die Tafel.	Sucht ein Haus aus. Schreibt die Zahlen in ein großes Haus. Hängt das Haus an die Tafel.
5	Mit der Dachzahl 4 sind nur 3 Häuser möglich.	Es gibt nur 3 Häuser mit der Dachzahl 4.

Es muss sichergestellt werden, dass die Lernenden folgende Begriffe/Wörter verstehen:

Bewohner-Spiel, Dachzahl, Entdeckung, Kellerzahl, Meinung, Zahlenhaus, anheften, einziehen, übertragen, recht haben

4.2 Wortliste zum Textverständnis

Die Lehrkraft muss sich vergewissern, dass die Schülerinnen und Schüler folgenden Fachwortschatz verstanden haben, bevor sie die Lernumgebung bearbeiten.

Nomen	Verben	Sonstige
die Summe	behaupten	verschiedene (Häuser)
die Differenz	überprüfen	möglich
das Zahlenhaus	vergleichen	mehr / weniger als
das Plus-Minus-Haus	begründen	genauso viele wie
die Regel	plus/minus rechnen	richtig / falsch
die Aussage		

4.3 Fachbezogener Sprachschatz und themenspezifische Redemittel

Im Rahmen dieser Lernumgebung wenden die Schülerinnen und Schüler folgende Sprachmittel aktiv an. Diese dienen als Grundlage für die gemeinsame Erarbeitung eines Sprachspeichers während der Ergebnissicherung.

Die Dachzahl ...

... erhalte ich, wenn ich plus rechne. / die Zahlen in den Zimmern addiere.

... ist die Summe der Zahlen in den beiden Zimmern.

Die Kellerzahl ...

... erhalte ich, wenn ich minus rechne. / die Zahlen in den Zimmern subtrahiere.

... ist die Differenz der Zahlen in den beiden Zimmern.

Die Zahl im linken Zimmer ist größer als die Zahl im rechten Zimmer oder genauso groß wie die Zahl im rechten Zimmer.

Die Behauptung ist falsch /richtig.

... hat recht / hat nicht recht.

Wir haben mehr als .../ weniger als .../ genauso viele wie ... gefunden.

Es gibt unendlich viele Häuser mit der Kellerzahl 4.

Wenn ich beide Zimmerzahlen um ... (dieselbe Zahl) vergrößere, bleibt die Kellerzahl (Differenz) gleich.

4.4 Sprachliche Hilfen zur Darstellung des Lösungsweges (*entfällt*) (siehe Kapitel C, Sprachliche Hilfen)

5 Material für den Einsatz dieser Lernumgebung

Phase / Aufgabe	Anzahl	Name des Materials	Vorbereitung
Einführung	1 x	Zeichnung Plus-Minus-Haus	für das Tafelbild vergrößern oder am interaktiven Whiteboard zeigen
	1 x	Plus-Minus-Haus (M1)	für das Tafelbild vergrößern oder am interaktiven Whiteboard zeigen, Zahlen eintragen
	1 x	Wortkarten (M10)	ausdrucken, laminieren, schneiden
für alle Aufgaben der LU	pro Paar (je nach Lesefertigkeit)	Aufgabenblatt (LU)	kopieren

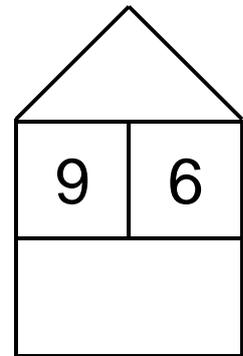
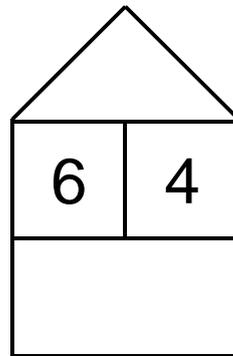
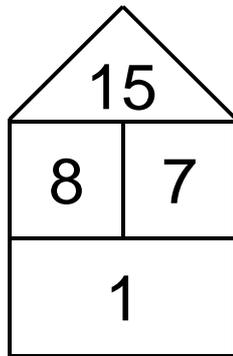
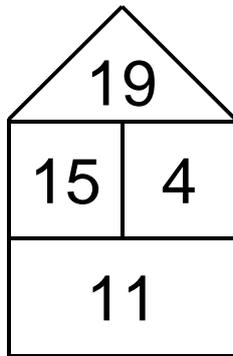
C Arbeitsbogen: Plus-Minus-Häuser (TK Gleichungen und Funktionen – LU 3/H)

Phase / Aufgabe	Anzahl	Name des Materials	Vorbereitung
Aufgabe 1	pro Kind	Arbeitsbogen (AB 1)	kopieren
	nach Bedarf	Tippkarten (M8)	ausdrucken, laminieren, schneiden
Aufgabe 2	pro Paar	Arbeitsbogen (AB 2) in zwei Varianten	kopieren
	pro Kind	Material für den Sprachspeicher (M3)	kopieren
Aufgabe 3	1 x	Spielregel für die LK	
	pro Paar	Bogen mit Spielplänen für das Bewohnerspiel (M5)	kopieren
	pro Kind 2 bis 3	Streifen für die Zahlen- kärtchen für das Bewohnerspiel (M6)	kopieren
Aufgabe 4	1 x	Bildimpuls Pauline (M7)	für das Tafelbild vergrößern oder am interaktiven Whiteboard zeigen
	pro Kind	Arbeitsbogen (AB 3) in zwei Varianten	kopieren
	nach Bedarf	Tippkarten (M8)	ausdrucken, laminieren, schneiden
	pro Paar	Zahlenhaus groß zum Anhängen an die Tafel (M1 oder M5)	kopieren
	nach Bedarf	Expertenkarten (M9)	ausdrucken, laminieren, schneiden
	für die Experten	Zahlenhaus groß (M1) und Wendepfättchen	kopieren
Aufgabe 5	1x	Bildimpuls Emir (M7)	für das Tafelbild vergrößern oder am interaktiven Whiteboard zeigen
	pro Kind	Arbeitsbogen (AB 4)	kopieren
	nach Bedarf	2 Tippkarten (M8)	ausdrucken, laminieren, schneiden
	einige für die Zusatzaufgabe	Vorlage mit leeren Zahlenhäusern (M2)	kopieren

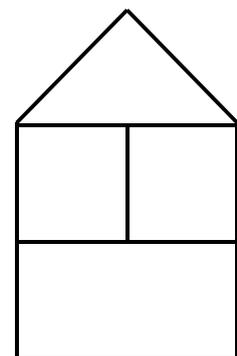
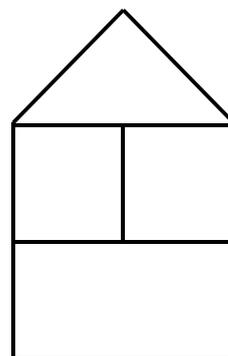
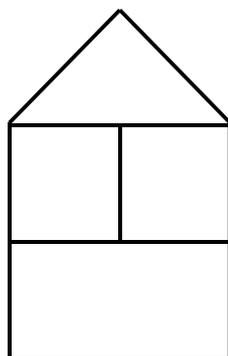
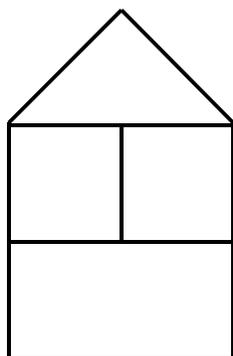
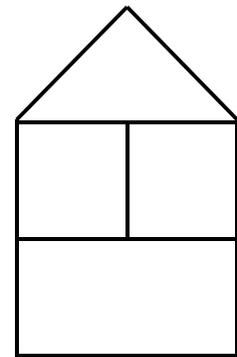
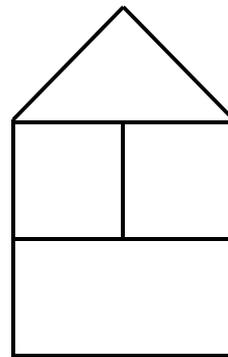
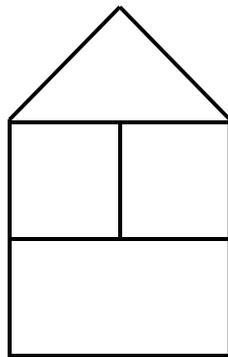
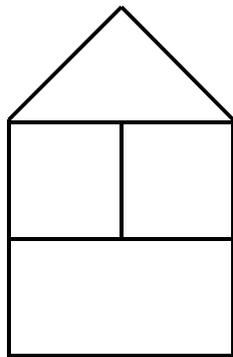
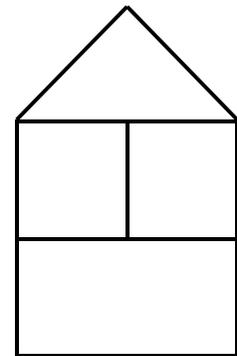
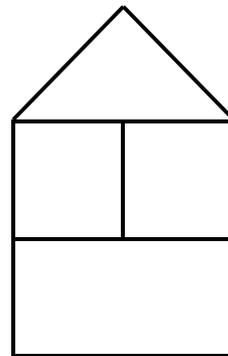
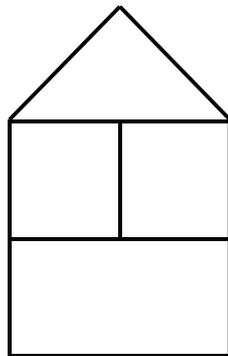
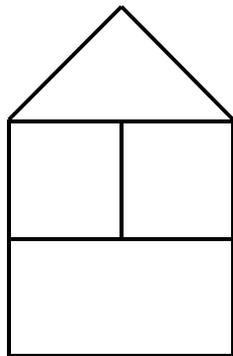
6 Evaluation (siehe Handreichung, Punkt 6)

Zu Aufgabe 1:

In jedem Haus wohnt eine Zahlenfamilie. Welche Zahlen dürfen einziehen?
 Finde die Regel.

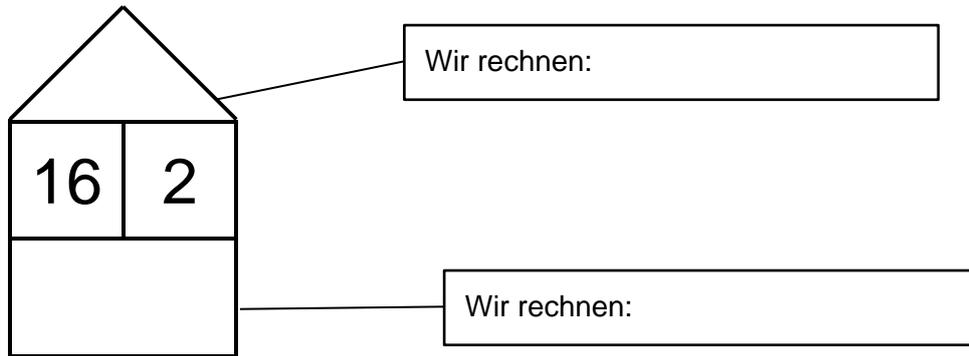


Finde eigene Zahlenhäuser



Zu Aufgabe 2

Wer wohnt in diesem Zahlenhaus?



Wir rechnen:

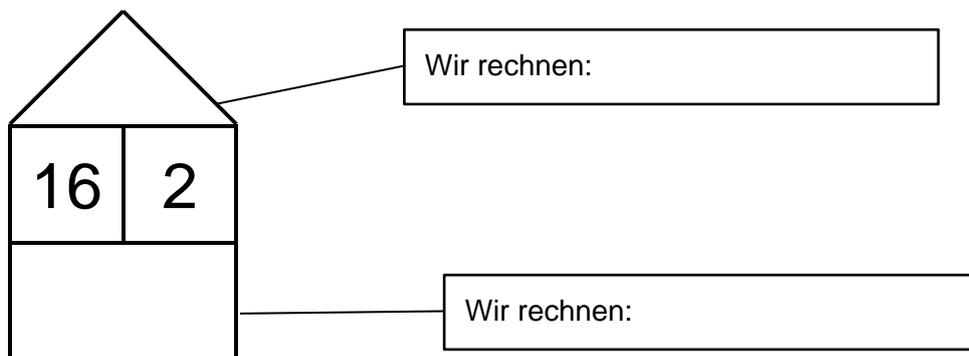
Wir rechnen:

Das haben wir entdeckt: 



Zu Aufgabe 2 *

Wer wohnt in diesem Zahlenhaus?



Wir rechnen:

Wir rechnen:

Im **Dach** wohnt die _____, denn

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

Im **Keller** wohnt die _____, denn

--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

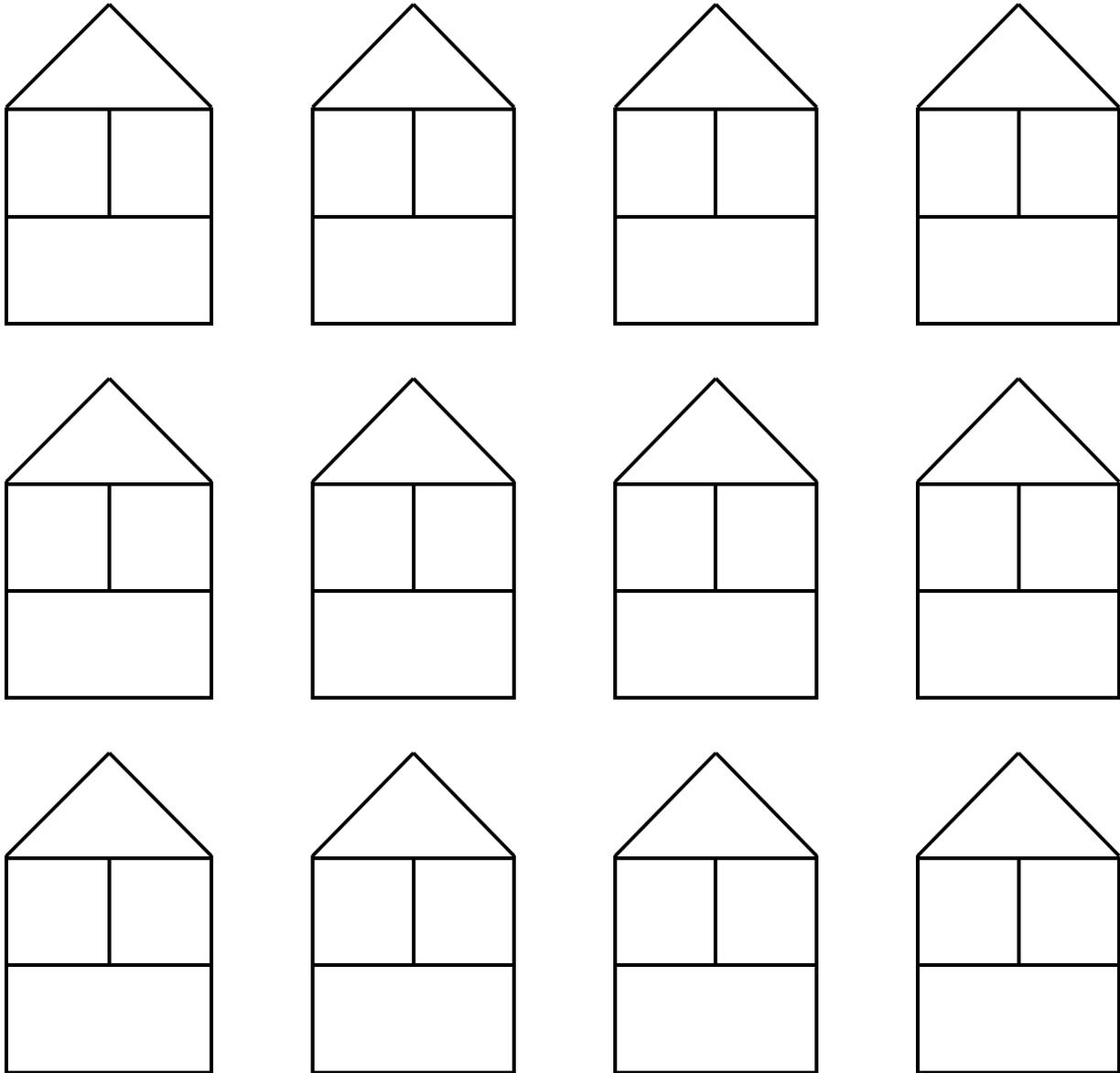
Die Zahl im **linken** Zimmer ist immer _____
als die Zahl im rechten Zimmer.

AB 3 zu Aufgabe 4:

Pauline behauptet:

Stimmt das? Überprüfe.

Es gibt nur 3 Häuser mit der Kellerzahl **4**.



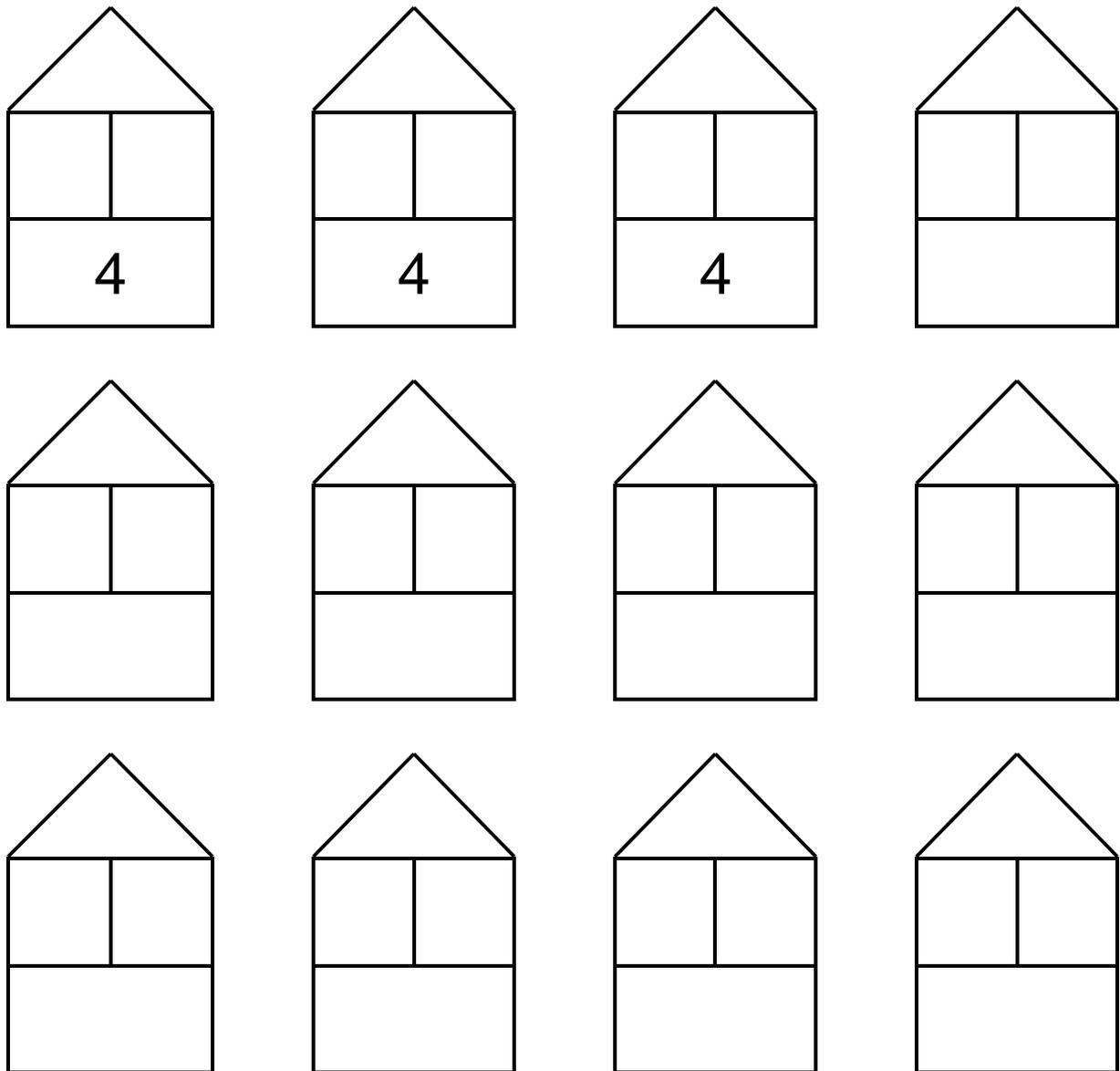
Hat Pauline recht? Begründet eure Meinung.

AB 3* zu Aufgabe 4:

Pauline behauptet:

Stimmt das? Überprüfe.

Es gibt nur
3 Häuser mit der
Kellerzahl 4.



Das haben wir herausgefunden:

Pauline hat recht.

Pauline hat nicht recht.

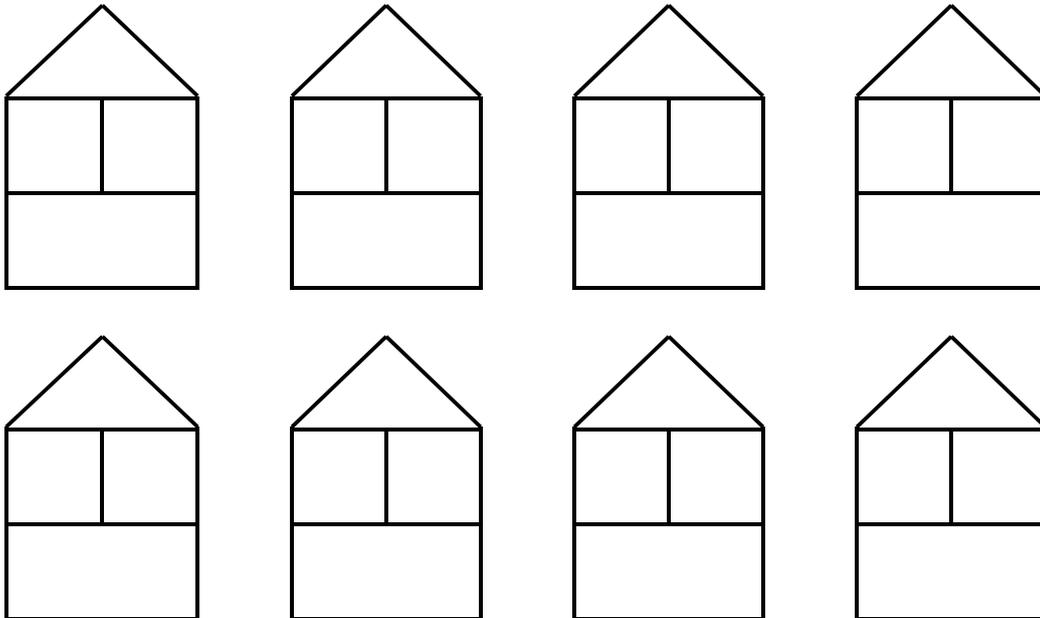
Wir haben ____ Häuser mit der Kellerzahl 4 gefunden.

Zu Aufgabe 5:

Emir behauptet:

Stimmt das? Überprüft.

Mit der **Dachzahl 4** sind nur 3 Häuser möglich.



Hat Emir recht? Begründet eure Meinung.

- Emir hat recht, weil ...
- Emir hat **nicht** recht, weil ...

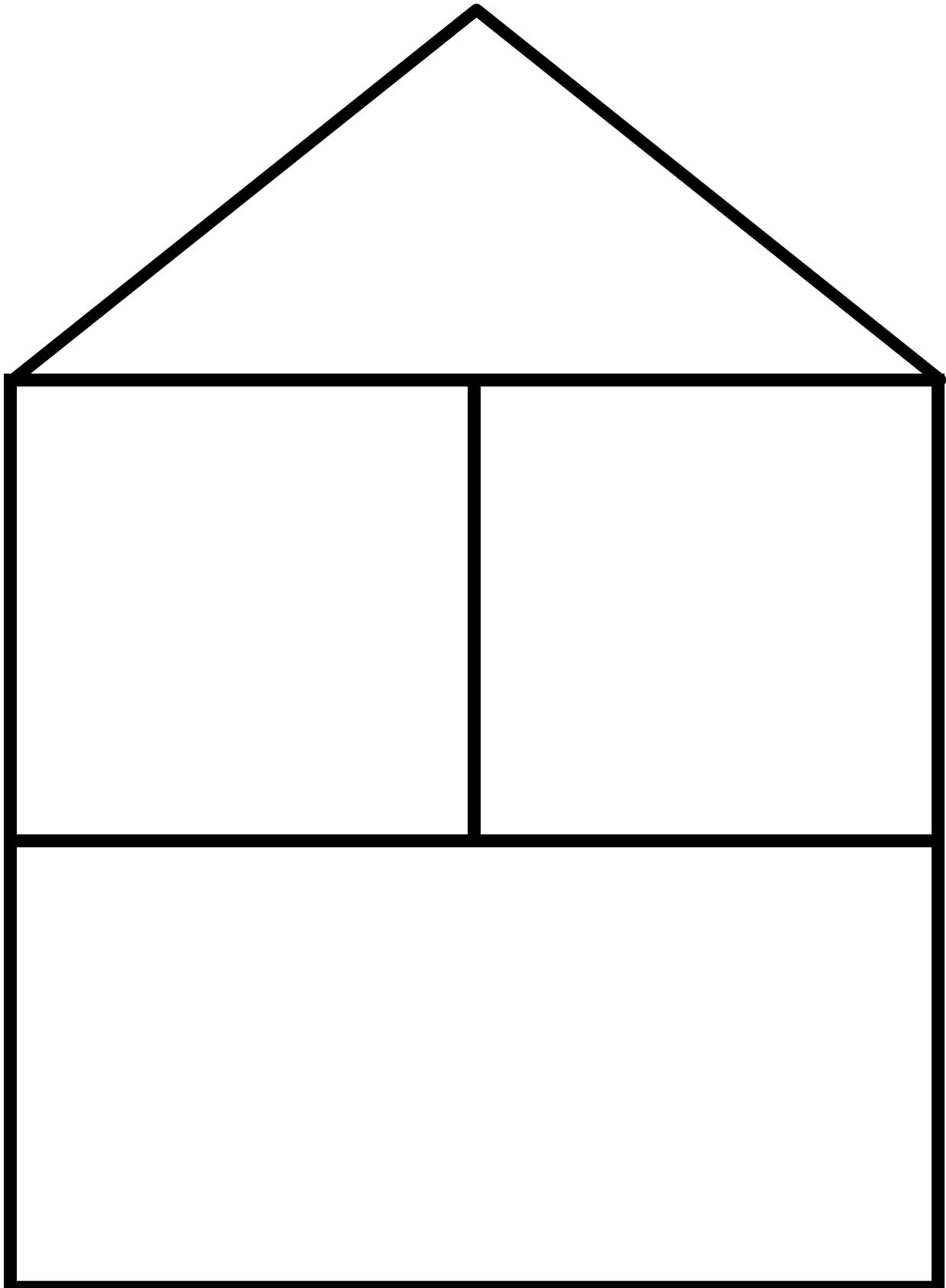


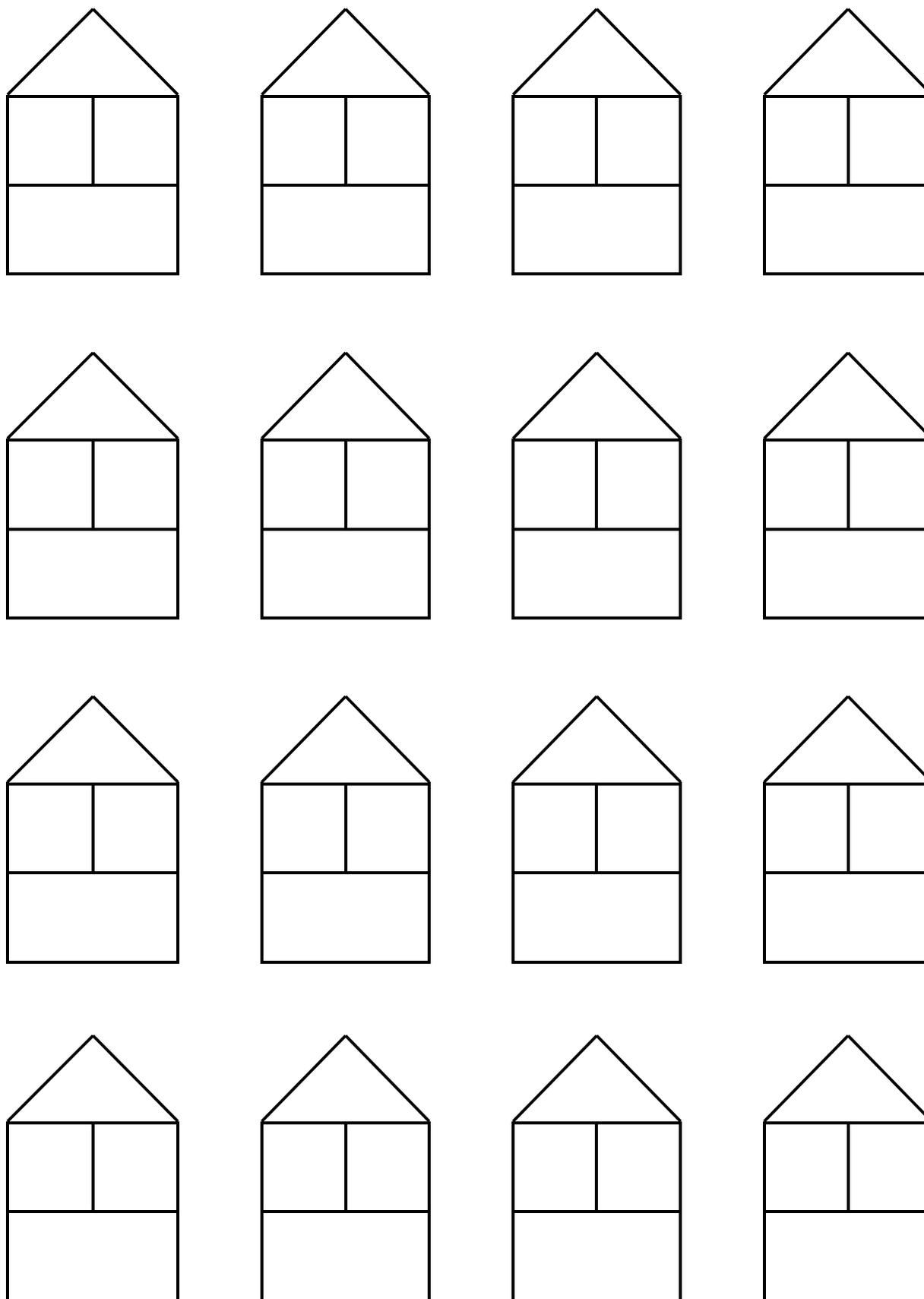
Wie viele Zahlenhäuser mit der **Dachzahl 10** gibt es?

C Material: Plus-Minus-Häuser (TK Gleichungen und Funktionen – LU 3/M1)

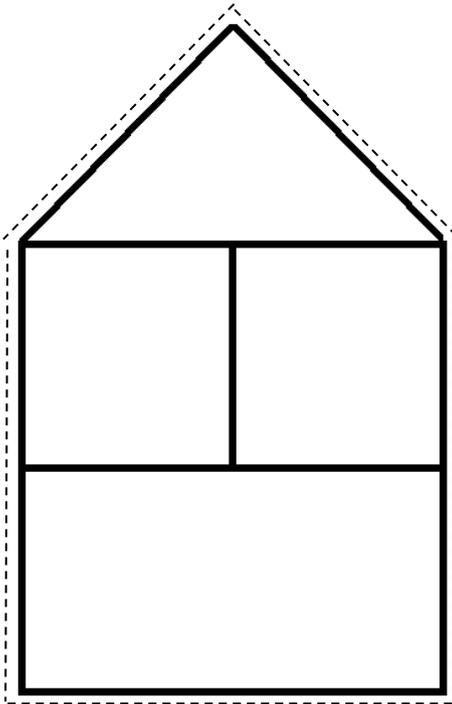


Vorlage Zahlenhaus für den Einstieg vergrößern, für Aufgabe 4 zum Anheften an die Tafel, für Kinder mit Förderbedarf und für die Expertenaufgabe zum Lösen der Aufgaben mit Plättchen.





Material zum Aufbau des Sprachspeichers



das Dach

der Keller

das rechte Zimmer

das linke Zimmer

die Kellerzahl

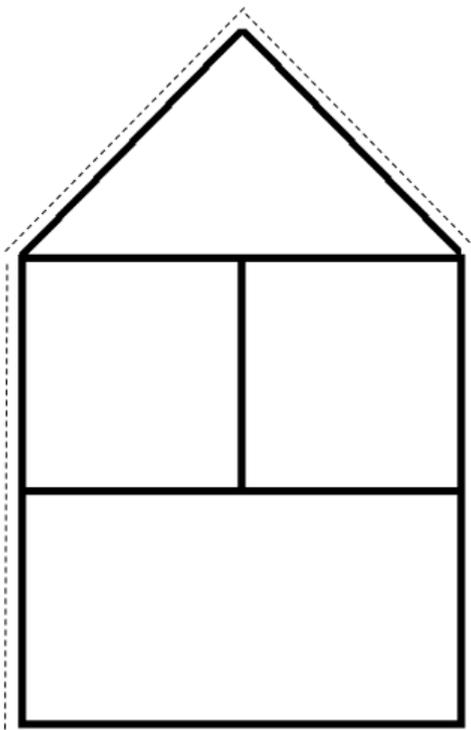
die Dachzahl

die Summe

die Differenz



Material zum Aufbau des Sprachspeichers



das Dach

der Keller

das rechte Zimmer

das linke Zimmer

die Kellerzahl

die Dachzahl

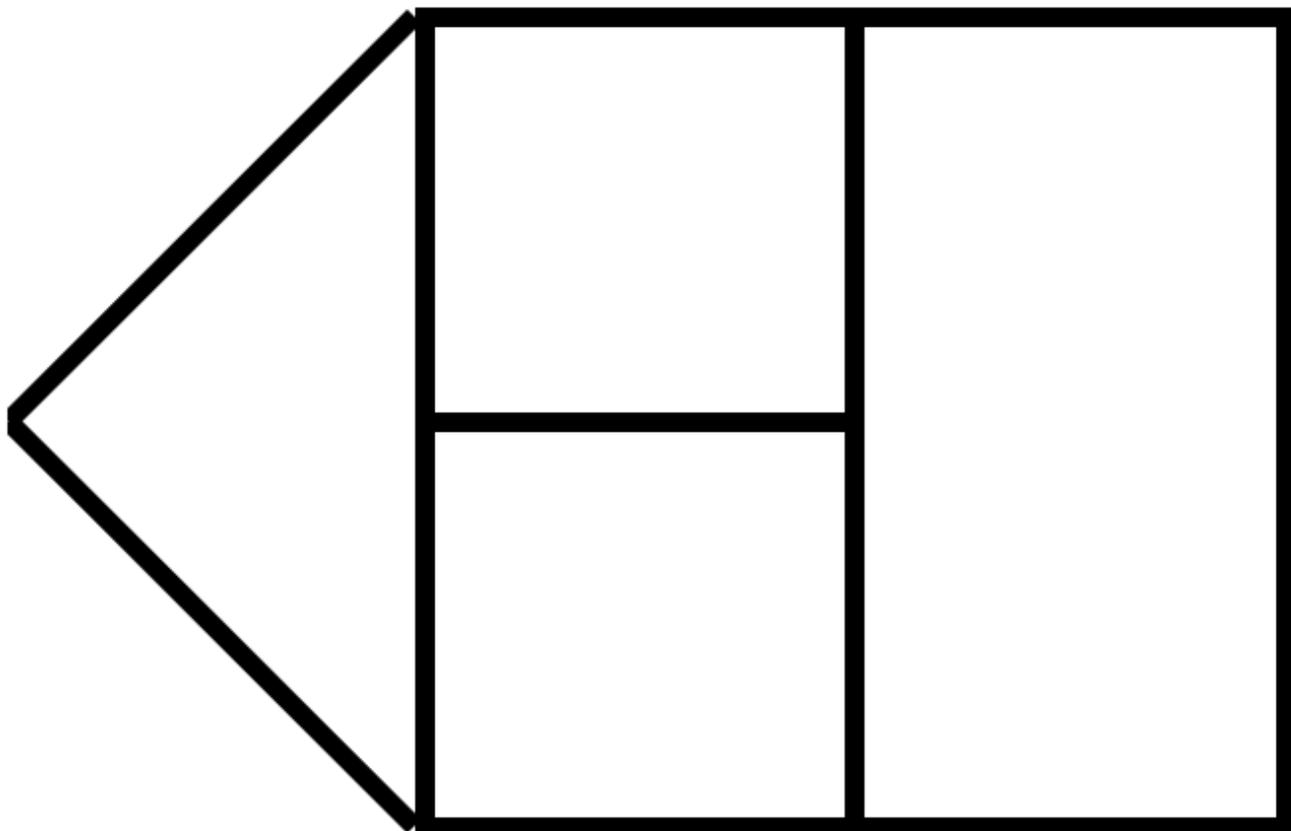
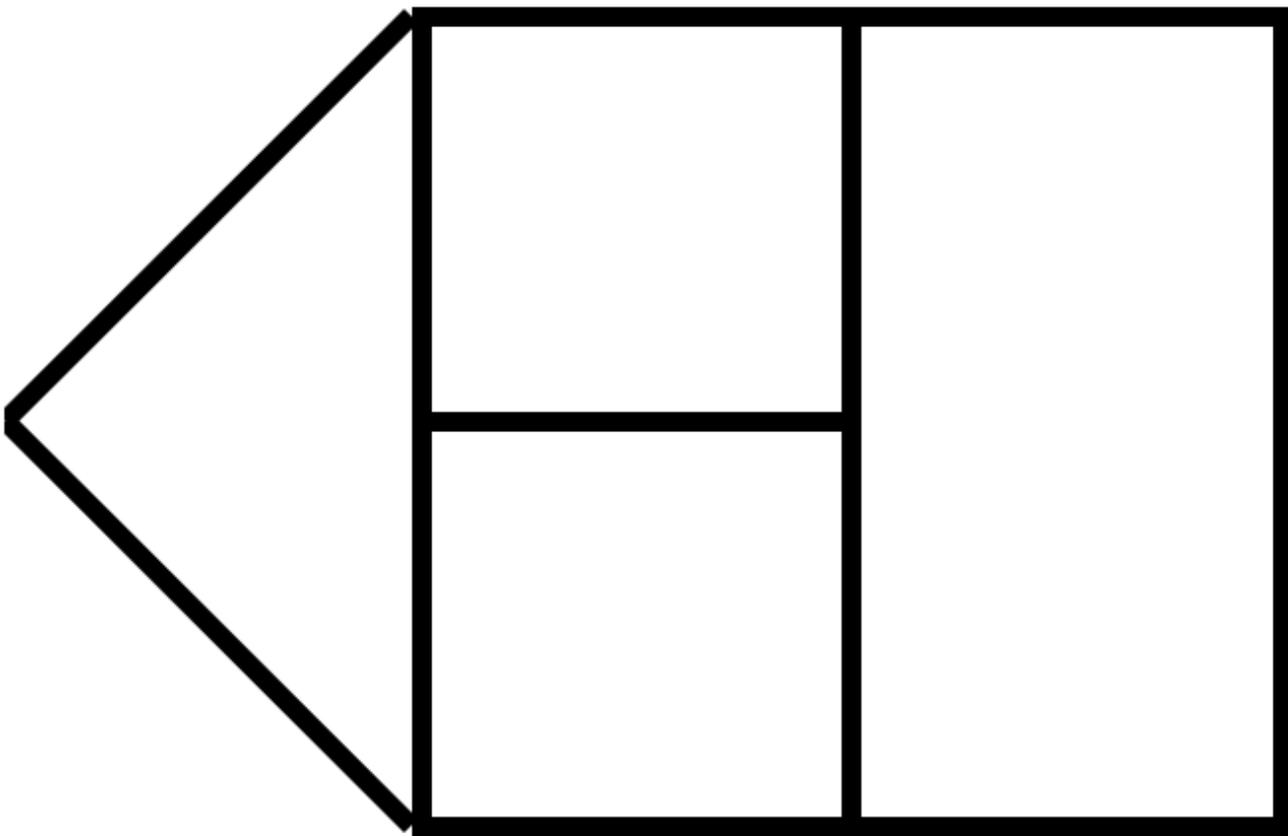
die Summe

die Differenz



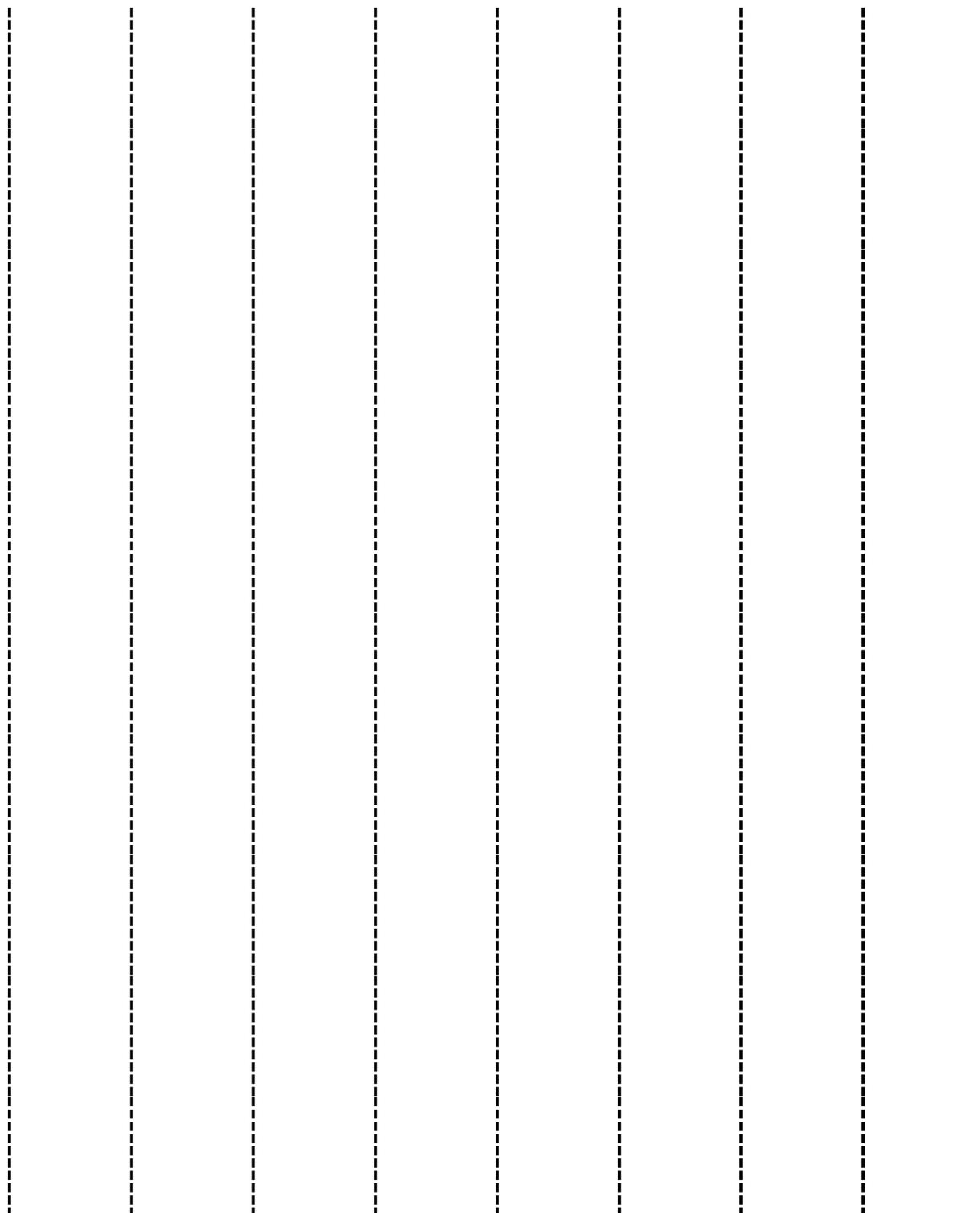


Spielpläne für das Bewohner-Spiel



Zahlenkärtchen für das Bewohnerspiel

Bitte in etwa 2 cm breite waagerechte Streifen schneiden, sodass die Kinder die Kärtchen nur noch an der gestrichelten Linie zerschneiden müssen.



Bildimpulse für die Aufgaben 4 und 5 (Bitte vergrößern.)



Tippkarten für Aufgabe 1

Tipp 1: 
Was wurde gerechnet?

LU 3 / Aufgabe 1

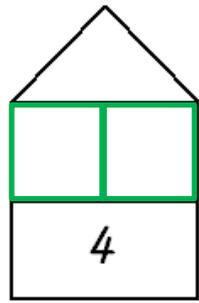
Tipp 2: 
Sieh dir die beiden **Zimmerzahlen** und die **Kellerzahl** an.
Was wurde gerechnet?

LU 3 / Aufgabe 1

Tippkarten für Aufgabe 4

Tipp 1: 
Trage zuerst eine Zahl in **das linke Zimmer** ein.

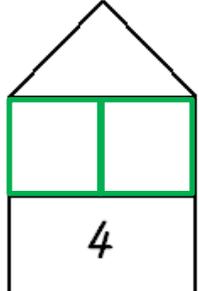




LU 3 / Aufgabe 4

Tipp 2: 
Fällt dir eine **Minus**-Aufgabe mit dem Ergebnis 4 ein?

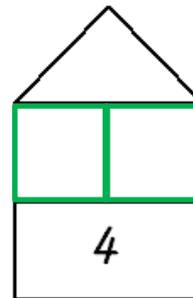
$\square - \square = 4$



LU 3 / Aufgabe 4

Tipp 3:

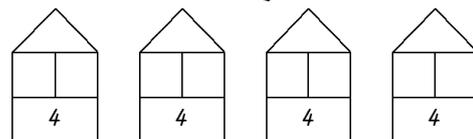
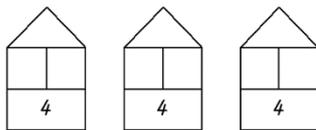
Finde andere **Minus**-Aufgaben mit dem Ergebnis 4.



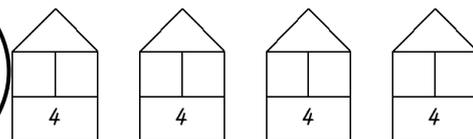
LU 3 / Aufgabe 4

Tipp 4

Wie viele Häuser
habt ihr gefunden?



Habt ihr
genauso viele
Häuser oder
mehr als ich?



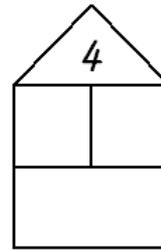
Pauline hat *recht* / *nicht recht*. Wir haben ____ Häuser gefunden.

LU 3 / Aufgabe 4

Tippkarten für Aufgabe 5

Tipp 1:

Im Dach wohnt die **Summe**
der Zimmerzahlen.

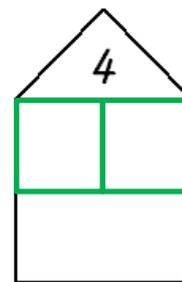


LU 3 / Aufgabe 5

Tipp 2:

Welche **Plus**-Aufgaben mit dem
Ergebnis 4 kennst du?

$$\square + \square = 4$$



LU 3 / Aufgabe 5

Spielregeln für das Bewohner-Spiel (für die LK)

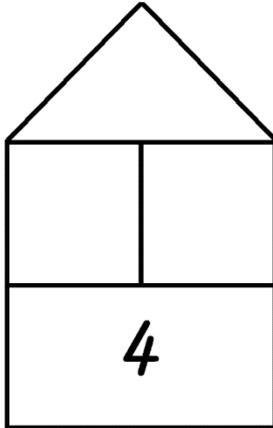
1. Wähle eines deiner Plus-Minus-Häuser aus.
2. Schreibe die Zahlen aus deinem Haus auf die Kärtchen.
3. Zerschneide die Kärtchen und tausche mit einem anderen Kind.
4. Ordne die Kärtchen richtig im Plus-Minus-Haus an.

Zusatz: Spielt das nächste Spiel mit ein oder zwei zusätzlichen Zahlen („Kuckuckseier“)

Vergleicht eure Lösungen. Habt ihr verschiedene richtige Lösungen gefunden?

Expertenkarten für Aufgabe 4

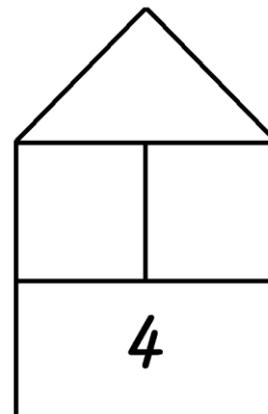
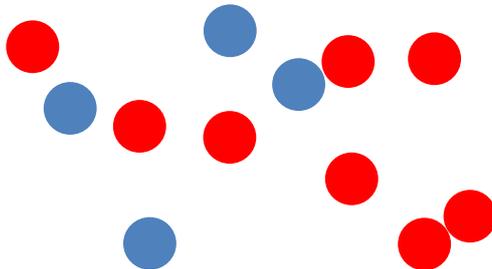
Wie kannst du weitere Häuser mit der Kellerzahl 4 finden?



LU 3 / Expertenkarte / Aufgabe 4

Begründet eure Entdeckung.

Die Plättchen können euch helfen.



LU 3 / Expertenkarte / Aufgabe 4

Wortkarten für den Sprachspeicher

die **Summe**

die **Differenz**

das **Ergebnis**

addieren

subtrahieren

das **Plus**-**Minus**-Haus

die **Dachzahl**

die **Kellerzahl**

größer als

kleiner als

das rechte Zimmer

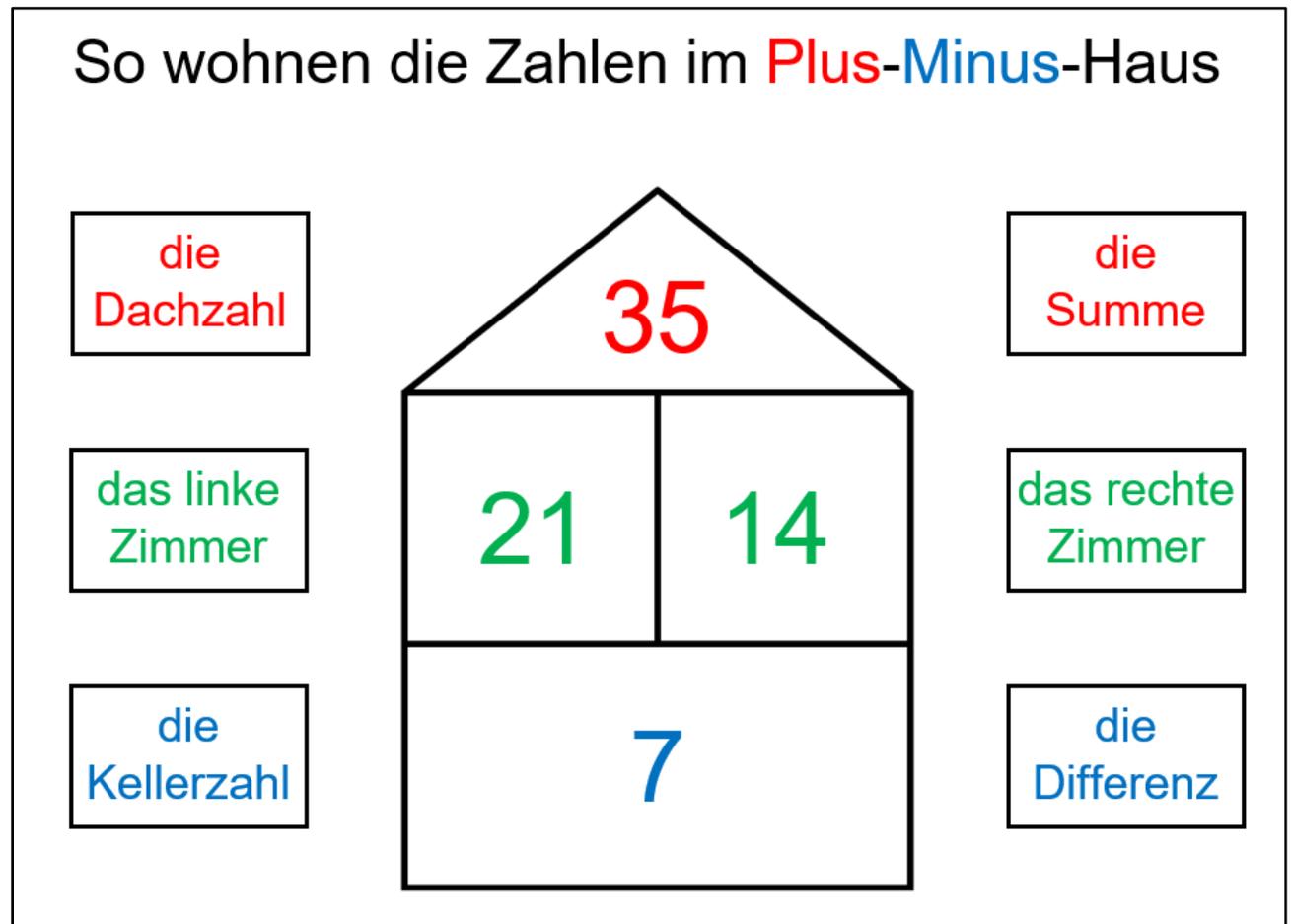
das linke Zimmer

die Zimmerzahl

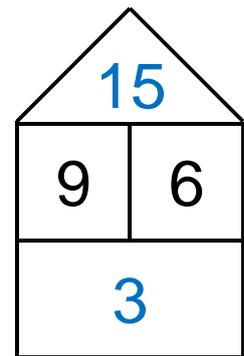
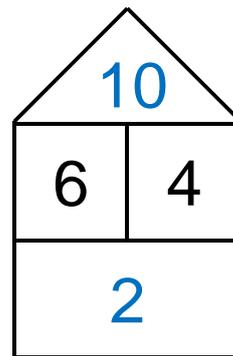
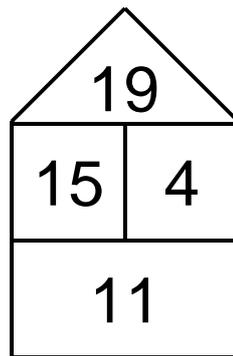
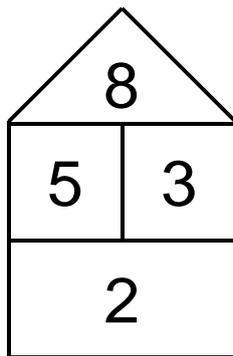
mehr / weniger

genauso viele wie

Sprachspeicher



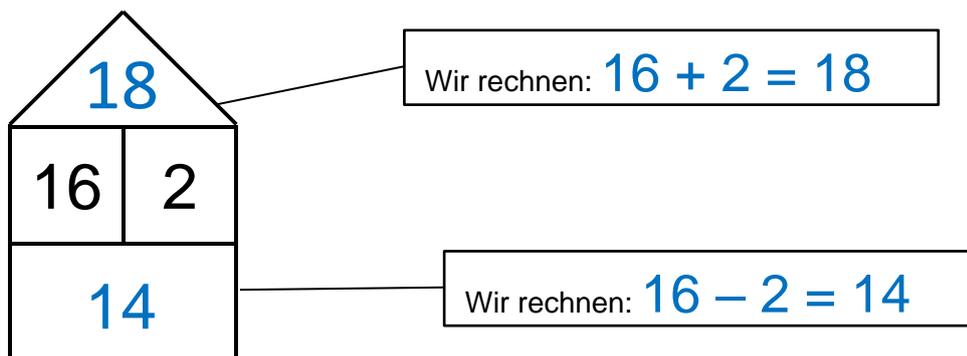
Zu 1.



Individuelle Schülerlösungen

Zu 2.

AB 2



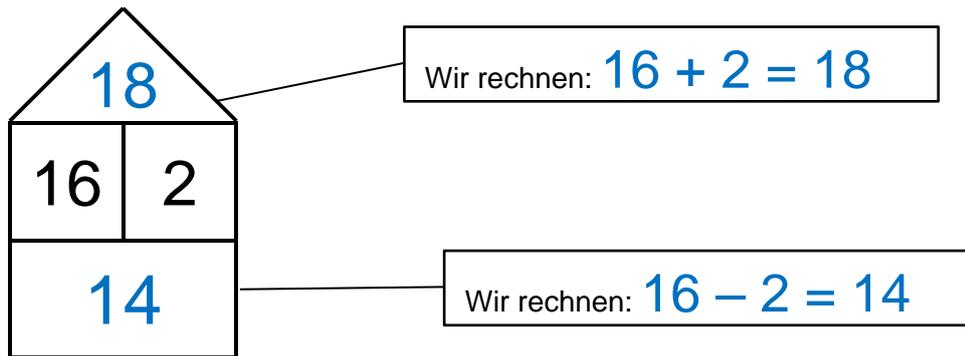
Das haben wir entdeckt: 

Die Dachzahl erhalte ich, wenn ich die Zahlen in den Zimmern addiere.

Die Kellerzahl erhalte ich, wenn ich minus rechne.

Die Zahl im linken Zimmer ist größer als die Zahl im rechten Zimmer oder genauso groß wie die Zahl im rechten Zimmer.

AB 2 *



Im **Dach** wohnt die **18**, denn

1	6	+	2	=	1	8				
---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	--

Im **Keller** wohnt die **14** denn

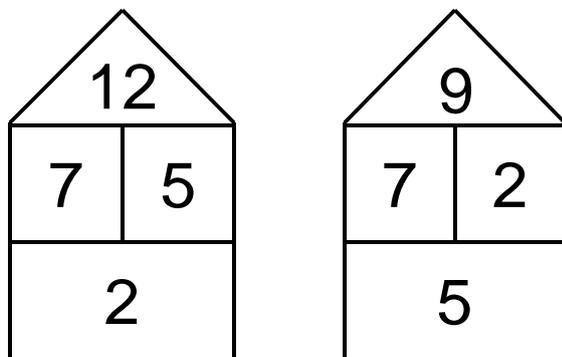
1	6	-	2	=	1	4				
---	---	---	---	---	---	---	--	--	--	--

Die Zahl im **linken** Zimmer ist immer größer als die Zahl im **rechten** Zimmer.

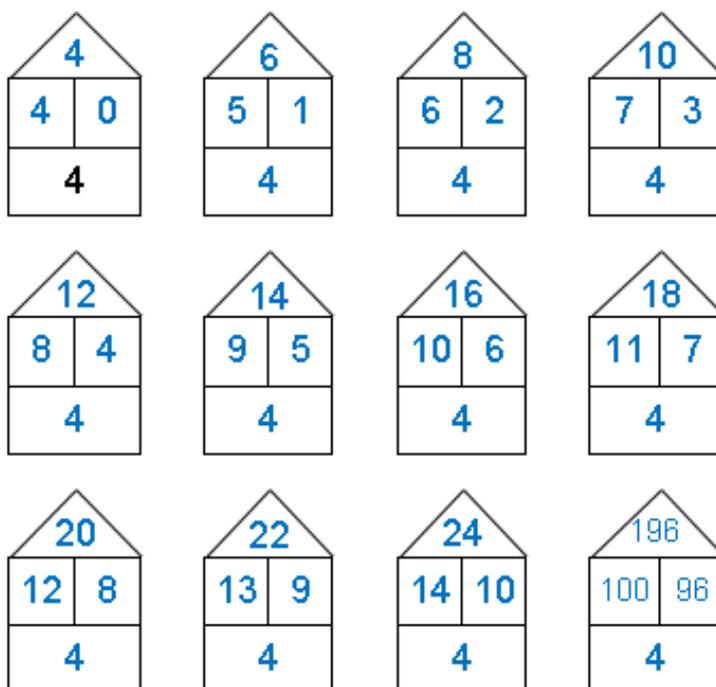
Zu 3.

Beispiel für mehrere mögliche Lösungen bei fünf Zahlenkärtchen.

Zahlenkärtchen: 2, 5, 4, 9, 12



Zu 4.



Das haben wir herausgefunden:

Pauline hat recht. Pauline hat **nicht** recht.

Wir haben ... Häuser mit der **Kellerzahl 4** gefunden.

Es gibt unendlich viele Häuser mit der Kellerzahl 4.

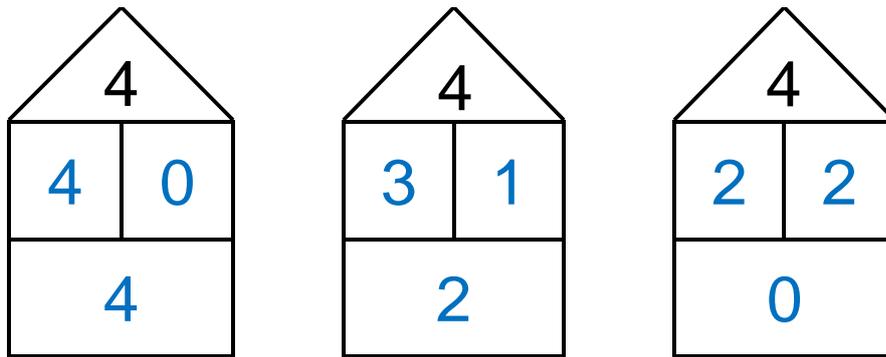
Wenn die Zimmerzahlen jeweils um die gleiche Zahl größer werden,
bleibt die Kellerzahl (Differenz) gleich.

Expertenaufgabe:

Man kann (unendlich) viele Häuser finden.

Wenn wir die Zahl im linken Zimmer um 1 (10,...) vergrößern,
müssen wir auch die Zahl im rechten Zimmer um 1 (10,...) vergrößern.
Dann bleibt die Differenz (Kellerzahl) gleich.

Zu 5.



Emir hat recht, weil ...

Emir hat **nicht** recht, weil



nur diese 3 Aufgaben (Zerlegungen) möglich sind:

4 + 0, 3 + 1 und 2 + 2.

Die Tauschaufgaben sind nicht möglich, weil die Zahl im linken Zimmer nicht kleiner als die im rechten Zimmer sein darf.

Zusatzaufgabe:

Wie viele Zahlenhäuser mit der **Dachzahl 10 / 20** gibt es?

Mit der Dachzahl 10 gibt es genau 6 Lösungen, da es 6 Zerlegungen der 10 gibt.

Mit der Dachzahl 20 gibt es genau 11 Lösungen, da es 11 Zerlegungen der 20 gibt.

Quellen

Götze, Daniela: „Ich habe gelernt, wie man Fachsprache spricht“. In: Mathematik differenziert (2016) 2, S. 34-37

Jahn, Laura (2020): Unterrichtsentwurf für das Fach Mathematik „Pauline behauptet...“, Berlin
Nührenbörger, Marcus; Pust, Sylke (2006): Häuserreihen. Mit Unterschieden rechnen.
Lernumgebungen und Materialien für einen differenzierten Anfangsunterricht Mathematik.
Seelze: Kallmeyer, 124-133.

Senatsverwaltung für Bildung, Jugend und Familie (Hrsg.) (2015): Rahmenlehrplan
Jahrgangsstufen 1-10, Teil B. Fachübergreifende Kompetenzentwicklung, Berlin, Potsdam
2015

Senatsverwaltung für Bildung, Jugend und Familie (Hrsg.) (2015): Rahmenlehrplan
Jahrgangsstufen 1-10, Teil C. Mathematik, Berlin, Potsdam 2015

Bildnachweise/Abbildungen

Seite	Titel	Bildquelle (Titel/Urheber/Lizenz/Link zur Lizenz/Urprungsort)
1, 20	Plus-Minus-Haus	Plus-Minus-Haus, Belinda Anderschitz, CC BY SA 4.0 , LU Plus-Minus-Häuser
2, 14,15, 23, 25	Zeichnung Mädchen	Zeichnung Mädchen, Laura Jahn, CC BY SA 4.0 , LU Würfel kippen
2, 16, 23	Zeichnung Junge	Zeichnung Junge, Laura Jahn, CC BY SA 4.0 , LU Würfel kippen
2, 24, 25, 26	Glühlampe	Glühlampe, Laura Jahn, CC BY SA 4.0 , LU Kernaufgaben
2	Symbole Einzel-, Partner-, Gruppenarbeit	Symbole Einzel-, Partner- und Gruppenarbeit, Solveg Schlinske, CC BY SA 4.0 , LU Sehenswürdigkeiten